

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΘΕΜΑΤΩΝ ΦΥΣΙΚΗΣ Γ' ΛΥΚΕΙΟΥ 12-06-2017

Θ Ε Μ Α Α

- A1.** δ
A2. γ
A3. α
A4. δ
A5. Λ, Σ, Σ, Σ, Λ

Θ Ε Μ Α Β

B1. Το σώμα αφήνεται ελεύθερο να κινηθεί αρχικά ,απο τη θέση φυσικού μήκους με μηδενική ταχύτητα. Επομένως αυτή θα είναι και η άνω ακραία θέση της ταλάντωσης του και το πλάτος του θα ισούται με:

$\Sigma F = 0$ στη Θ.Ι. δηλ. Θ.Φ.Μ.

$$F_{ελ} = w \Rightarrow k\Delta\ell = mg \Rightarrow \Delta\ell = \frac{mg}{k} = A$$

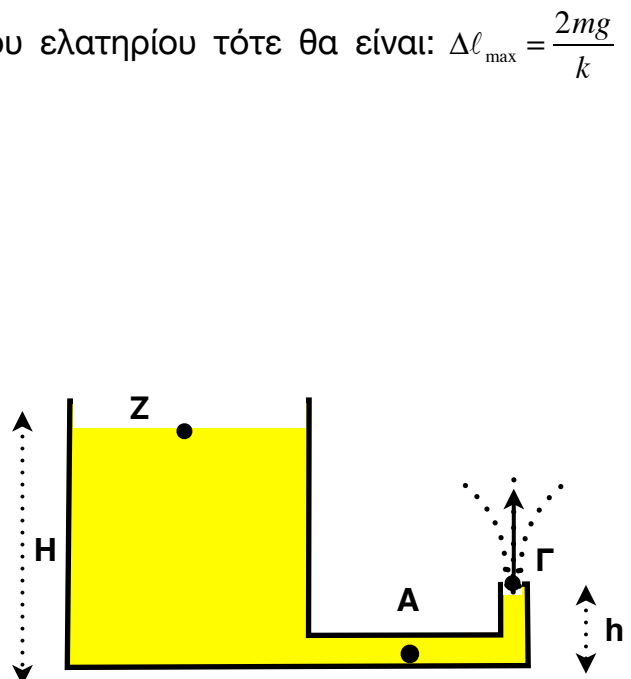
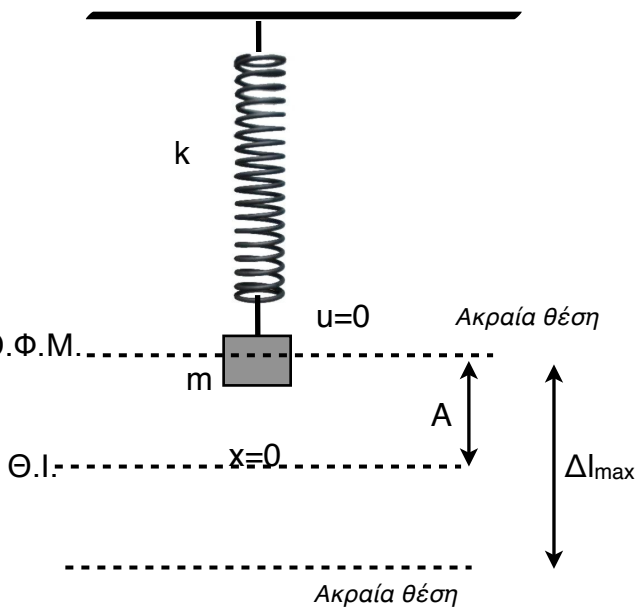
Η μέγιστη δυναμική ενέργεια του ελατηρίου θα προκύψει όταν το σώμα βρεθεί στην κάτω ακραία θέση της

ταλάντωσης του και η παραμόρφωση του ελατηρίου τότε θα είναι: $\Delta\ell_{\max} = \frac{2mg}{k}$

$$\text{Αρα } U_{ελ(\max)} = \frac{1}{2}k\Delta\ell_{\max}^2 = \frac{1}{2}k\left(\frac{2mg}{k}\right)^2 = \frac{2m^2g^2}{k}$$

Σωστό το ii.

B2. Εφαρμόζουμε την εξίσωση Bernoulli μεταξύ των σημείων Z (επιφάνεια υγρού) και Γ (σημείο εξόδου):



$$p_{\alpha\mu} + \frac{1}{2}\rho u_z^2 + \rho gH = p_{\alpha\mu} + \frac{1}{2}\rho u_{\Gamma}^2 + \rho g\frac{H}{5} \Rightarrow$$

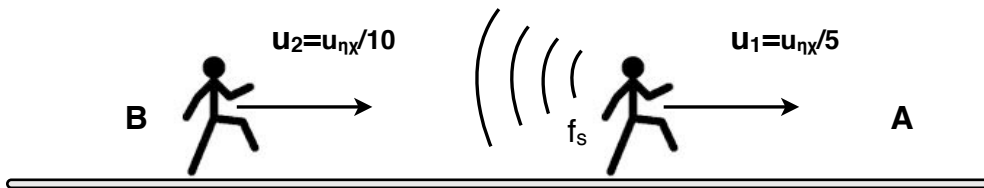
$$u_{\Gamma} = \sqrt{2g\left(H - \frac{H}{5}\right)} = \sqrt{2g\frac{4H}{5}} = \sqrt{2g\frac{4 \cdot 5h}{5}} = 2\sqrt{2gh}$$

Το εμβαδό διατομής του σωλήνα στα σημεία Α και Γ είναι το ίδιο. Επομένως από την εξίσωση συνέχειας προκύπτει ότι: $A_A u_A = A_{\Gamma} u_{\Gamma}$ δηλ. $u_A = u_{\Gamma} = 2\sqrt{2gh}$

Σωστό το iii.

B3. Η συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής Β προκύπτει από

τη σχέση: $f_A = \frac{u + \frac{u_{\eta\chi}}{10}}{u + \frac{u_{\eta\chi}}{5}} \cdot f_s = \frac{\frac{11}{6}u_{\eta\chi}}{\frac{5}{5}u_{\eta\chi}} \cdot f_s = \frac{11}{12} \cdot f_s$ **Σωστό το ii.**



Θ Ε Μ Α Γ

Γ1. Ο χρόνος που απαιτείται για τη μετάβαση του σώματος από τη μια ακραία θέση στην άλλη είναι: $\Delta t = T/2 = 0,4s$ ή **T=0,8s.**

Στο ίδιο χρονικό διάστημα το κύμα διαδίδεται κατά μήκος $\Delta x = \lambda/2 = 4cm$ ή **$\lambda = 8cm.$**

Για την ενέργεια ταλάντωσης της στοιχειώδους μάζας ισχύει ότι:

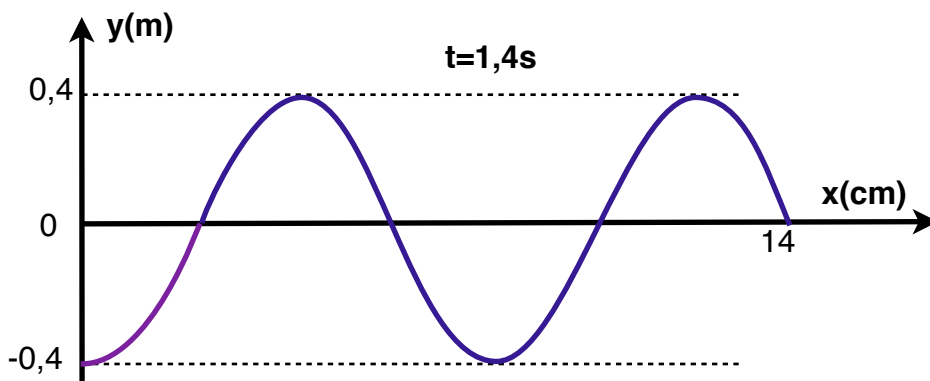
$$E_T = \frac{1}{2} \cdot \Delta m \cdot \omega^2 \cdot A^2 \Rightarrow 5\pi^2 \cdot 10^{-7} = \frac{1}{2} \cdot 10^{-6} \cdot \left(\frac{2\pi}{0,8}\right)^2 \cdot A^2 \Rightarrow A = 0,4m$$

Γ2. Άρα η εξίσωση του κυματος γράφεται: $y = 0,4\eta\mu 2\pi\left(\frac{5}{2}t - \frac{x}{4}\right)$ y σε m, x σε cm

και t σε sec. Τη χρονική στιγμή $t_1 = 0,4s$ το κύμα έχει διαδοθεί μέχρι το σημείο **$x_1 = u_{\delta} t_1 = 14cm.$** Η εξίσωση του στιγμιότυπου είναι:

$$y = 0,4\eta\mu 2\pi\left(\frac{5}{2} \cdot 1,4 - \frac{x}{4}\right) = 0,4\eta\mu\left(\frac{7\pi}{2} - \frac{\pi x}{2}\right)$$
 για $x \leq 14cm$ και η γραφική παράσταση

είναι:



Γ3. Όταν η απομάκρυνση της μάζας Δm είναι $y=0,2m$ η ταχύτητα της προκύπτει

από τη σχέση: $u = \pm \omega \sqrt{A^2 - y^2} = \pm \frac{5\pi}{2} \sqrt{0,16 - 0,04} = \pm \frac{\pi}{2} \sqrt{3} m/s$

Αρα $K = \frac{1}{2} \Delta m u^2 = \frac{1}{2} \cdot 10^{-6} \cdot \left(\pm \frac{\pi}{2} \sqrt{3} \right)^2 = \frac{3\pi^2}{8} \cdot 10^{-6} J$

Γ4. Η εξίσωση απομάκρυνσης χρόνου του σημείου P γράφεται: $y_P = 0,4 \eta \mu \phi_P$

Για $y_P = 0,4m$ θα έχουμε $\eta \mu \phi_P = 1$ ή $\phi_P = 2k\pi + \pi/2$ rad.

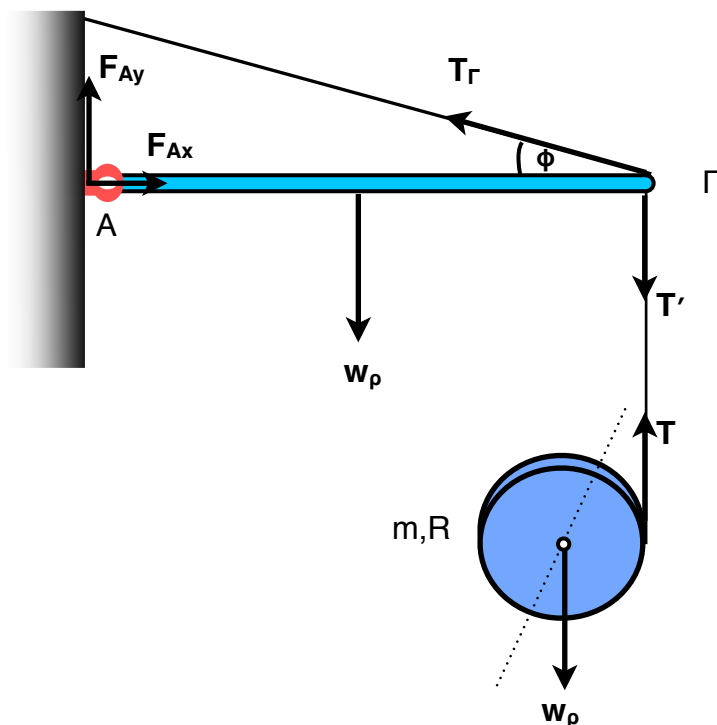
$\phi_\Sigma = \phi_P - 3\pi/2$ άρα $\phi_\Sigma = 2k\pi + \pi/2 - 3\pi/2$ δηλαδή $\phi_\Sigma = 2k\pi - \pi$ rad

Αρα $u_\Sigma = \omega A \sigma \nu \phi_\Sigma = 0,4 \cdot 2,5\pi \cdot \sigma \nu (2k\pi - \pi) = -\pi$ m/s

***Με δεδομένο ότι το κύμα έχει περάσει και απο τα 2 σημεία **

Θ Ε Μ Α Δ

Δ1.



Στο σχήμα έχουν σχεδιαστεί οι δυνάμεις που εξασκούνται στα σώματα. Με εφαρμογή του 2ου Νομού Νεύτωνα για την περιστροφική και τη μεταφορική κίνηση του δίσκου έχουμε:

$$\Sigma F = ma_{cm} \text{ ή } mg - T = ma_{cm} \quad (1)$$

$$\Sigma \tau = I \cdot \alpha_{γων} \text{ ή } TR = mR^2 \alpha_{γων} / 2 \quad (2)$$

$$a_{cm} = \alpha_{γων} \cdot R \quad (3)$$

Απο τις (1),(2),(3) προκύπτει ότι: $T = ma_{cm} / 2 = 20/3 \text{ N}$ και $a_{cm} = 20/3 \text{ m/s}^2$

Δ2. Απο συνθήκη στροφικής ισορροπίας για τη δοκό έχουμε:

$$\Sigma \tau_{(A)} = 0 \Rightarrow T_{\Gamma} \ell \eta \mu \varphi = Mg \frac{\ell}{2} + T' \ell$$

$$\Rightarrow T_{\Gamma} \cdot 0,8 = 40 + \frac{20}{3} \Rightarrow T_{\Gamma} = \frac{100}{3} \text{ N} \quad \text{**Nήμα αβαρές και μη ελαστικό άρα } T = T' \text{**}$$

Δ3. Τη χρονική στιγμή t_1 η ταχύτητα του κέντρου μάζας του δίσκου είναι:

$$h_1 = \frac{1}{2} a_{cm} t_1^2 \Rightarrow 0,3 = \frac{1}{2} \cdot \frac{20}{3} \cdot t_1^2 \Rightarrow t_1 = 0,3 \text{ s}$$

$$u_1 = a_{cm} \cdot t_1 = 2 \text{ m/s}$$

Ενώ η γωνιακή ταχύτητα του στερεού: $\omega_1 = u_1 / R = 20 \text{ rad/s}$.

$$\text{Αρα } L = I_{cm} \cdot \omega_1 = mR^2 \omega_1 / 2 = \underline{0,2 \text{ Kgm}^2/\text{s}}$$

Δ4. Μετά την κοπή του νήματος ο δίσκος θα εκτελεί ομαλή περιστροφική κίνηση με $\omega = 20 \text{ rad/s} = \text{σταθ.}$ ($\Sigma \tau = 0$), ενώ ταυτόχρονα θα εκτελεί ελεύθερη πτώση με $a_{cm} = g$ ($\Sigma F = mg$) και αρχική ταχύτητα $u_1 = 2 \text{ m/s}$. Επομένως, μετά από χρονικό διάστημα $\Delta t' = 0,1 \text{ s}$ ο δίσκος θα έχει ταχύτητα : $u_2 = u_1 + g \Delta t' = 3 \text{ m/s}$

$$\frac{K_{\text{περ}}}{K_{\text{μετ}}} = \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} m R^2 \cdot \omega^2}{\frac{1}{2} m u_2^2} = \frac{\frac{1}{2} \cdot 0,01 \cdot 400}{9} = \frac{2}{9}$$